



2011年 第3問

3 a を $0 < a < \frac{\pi}{2}$ を満たす定数とする. 円 $C : x^2 + (y + \sin a)^2 = 1$ および, その中心を通る直線 $l : y = (\tan a)x - \sin a$ を考える. このとき, 以下の問いに答えよ.

- (1) 直線 l と円 C の 2 つの交点の座標を a を用いて表せ.
 (2) 等式

$$2 \int_{\cos a}^1 \sqrt{1-x^2} dx + \int_{-\cos a}^{\cos a} \sqrt{1-x^2} dx = \frac{\pi}{2}$$

が成り立つことを示せ.

- (3) 連立方程式

$$\begin{cases} y \leq (\tan a)x - \sin a \\ x^2 + (y + \sin a)^2 \leq 1 \end{cases}$$

の表す xy 平面上の図形を D とする. 図形 D を x 軸のまわりに 1 回転させてできる立体の体積を求めよ.