

2015年 第7問

7 1辺の長さが4の正四面体OABCがある. 点P, Q, Rをそれぞれ辺OA, OB, OC上の点とし, OP, OQ, ORの長さをそれぞれ $a, b, b$  (ただし,  $0 < a < 4, 0 < b < 4$ ) とする.

- (1)  $\cos \angle QPR$  を  $a, b$  を用いて表せ.
- (2)  $b = 2$  とし, 点Pは  $\angle QPR$  の大きさを最大にする点とする. このとき,  $a$  の値を求めよ.
- (3) (2) の条件のもとで,  $\triangle PQR$  の面積を求めよ.