



2015年第1問

1 次の問いに答えよ。

(1) $\tan \frac{5}{12}\pi$ の値を求めよ。(2) $\sqrt{n} < \tan \frac{5}{12}\pi < \sqrt{n+1}$ を満たす自然数 n を求めよ。

$$\begin{aligned}
 (1) \tan\left(\frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{6}\right) &= \frac{\tan\frac{\pi}{4} + \tan\frac{\pi}{6}}{1 - \tan\frac{\pi}{4} \cdot \tan\frac{\pi}{6}} \\
 &= \frac{1 + \frac{1}{\sqrt{3}}}{1 - 1 \cdot \frac{1}{\sqrt{3}}} \\
 &= \frac{\sqrt{3} + 1}{\sqrt{3} - 1} \\
 &= \frac{(\sqrt{3} + 1)^2}{(\sqrt{3} - 1)(\sqrt{3} + 1)} \\
 &= 2 + \sqrt{3}
 \end{aligned}$$

$$\therefore \tan \frac{5}{12}\pi = 2 + \sqrt{3} //$$

$$\begin{aligned}
 (2) (1) \text{より, } \sqrt{n} < 2 + \sqrt{3} < \sqrt{n+1} \\
 \therefore n < 7 + 4\sqrt{3} < n+1 & \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \text{2乗した}
 \end{aligned}$$

 とおき n を求めればよい。

$$1.73 < \sqrt{3} < 1.74 \text{より, } 13.92 < 7 + 4\sqrt{3} < 13.96$$

$$\therefore \underline{n = 13} //$$