

2010年医学部第3問

3 1辺の長さが1である正四面体OABCにおいて、辺OAの中点をP、辺OBを2:1に内分する点をQ、辺OCを3:1に内分する点をRとする。また、 $\vec{OA} = \vec{a}$ 、 $\vec{OB} = \vec{b}$ 、 $\vec{OC} = \vec{c}$ とする。

$$(1) \vec{PQ} = -\frac{\square}{\square} \vec{a} + \frac{\square}{\square} \vec{b}, \quad |\vec{PQ}| = \frac{\sqrt{\square}}{\square}$$

$$\vec{PR} = -\frac{\square}{\square} \vec{a} + \frac{\square}{\square} \vec{c}, \quad |\vec{PR}| = \frac{\sqrt{\square}}{\square}$$

である。

$$(2) \triangle PQR \text{ の面積は } \frac{\sqrt{\square}}{\square} \text{ である。}$$

$$(3) \triangle ABC \text{ の重心を } G \text{ とし、線分 } OG \text{ と平面 } PQR \text{ の交点を } D \text{ とする。このとき、} OG : OD = 1 : \frac{\square}{\square} \text{ である。}$$