



2018年教育・農・理（生物，地球）第3問

3 自然数  $k$  に対して，分母が  $2k+1$ ，分子が  $k$  以下の自然数の平方からなる分数を考える．このような分数を，分母の小さい順に，分母が同じ場合には分子の大きい順に並べてできる数列を作り，下のように群に分ける．

$$\frac{1}{3} \mid \frac{4}{5}, \frac{1}{5} \mid \frac{9}{7}, \frac{4}{7}, \frac{1}{7} \mid \frac{16}{9}, \frac{9}{9}, \frac{4}{9}, \frac{1}{9} \mid \frac{25}{11}, \frac{16}{11}, \frac{9}{11}, \frac{4}{11}, \frac{1}{11} \mid \frac{36}{13}, \frac{25}{13}, \dots$$

第1群 第2群 第3群 第4群 第5群

このとき，次の問いに答えよ．

- (1) 第  $n$  群の最初の項を  $n$  を用いて表せ．
- (2)  $\frac{36}{23}$  が第何項になるかを求めよ．
- (3) 第  $n$  群の項の総和を  $S_n$  とする．このとき， $\sum_{k=1}^n S_k$  の値  $S$  を  $n$  を用いて表せ．