



2019年文系第3問

3 座標空間において、1辺の長さが1の立方体OABC-DEFGをなす8つの頂点O(0, 0, 0), A(1, 0, 0), B(1, 1, 0), C(0, 1, 0)およびD(0, 0, 1), E(1, 0, 1), F(1, 1, 1), G(0, 1, 1)をとる。 $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$, $\overrightarrow{OC} = \vec{c}$, $\overrightarrow{OD} = \vec{d}$ とおく。辺DE上に点P(s , 0, 1) ($0 \leq s \leq 1$), 辺CB上に点Q(t , 1, 0) ($0 \leq t \leq 1$)をとり、3点O, P, Qを含む平面と直線GFとの交点をRとする。四角形OPRQの面積をUとする。次の問いに答えよ。

- (1) \overrightarrow{OP} , \overrightarrow{OQ} , \overrightarrow{OR} を \vec{a} , \vec{c} , \vec{d} および s , t で表せ。
- (2) 内積 $\overrightarrow{OP} \cdot \overrightarrow{OQ}$ を s , t で表せ。また, U を s , t で表せ。
- (3) 点Rが辺GF上にあるとき, U の最大値, 最小値を求めよ。またそのときの s , t の値を求めよ。