



2010年理系第4問

4 Oを原点とする座標平面上の曲線

$$C: y = \frac{1}{2}x + \sqrt{\frac{1}{4}x^2 + 2}$$

と、その上の相異なる2点  $P_1(x_1, y_1)$ ,  $P_2(x_2, y_2)$  を考える.

- (1)  $P_i$  ( $i = 1, 2$ ) を通る  $x$  軸に平行な直線と、直線  $y = x$  との交点を、それぞれ  $H_i$  ( $i = 1, 2$ ) とする. このとき  $\triangle OP_1H_1$  と  $\triangle OP_2H_2$  の面積は等しいこと示せ.
- (2)  $x_1 < x_2$  とする. このとき  $C$  の  $x_1 \leq x \leq x_2$  の範囲にある部分と、線分  $P_1O$ ,  $P_2O$  で囲まれる図形の面積を、 $y_1, y_2$  を用いて表せ.