

2013年 歯学部 第1問

1 次の問いに答えよ.

- (1) 頂点間の距離が24であり, 焦点が $(20, 0)$ と $(-20, 0)$ である双曲線の方程式を求めよ.
- (2) 初項を $a_1 = 4$ とする数列 $\{a_n\}$ と初項を $b_1 = 1$ とする数列 $\{b_n\}$ に対して, $c_n = \sqrt{a_n b_n}$, $d_n = \sqrt{\frac{a_n}{b_n}}$ とおく. ただし, $a_n > 0$, $b_n > 0$ とする. 数列 $\{c_n\}$ が公差2の等差数列となり, 数列 $\{d_n\}$ が公比3の等比数列となるとき, a_5 と b_5 の値を求めよ.
- (3) 関数 $f(x) = Ax^5 + Bx^4 + Cx^3 + Dx^2 + Ex + F$ が

$$f(-x) = -f(x), \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x^3} = 6, \quad \int_0^1 f(x) dx = \frac{1}{2}$$

をみたすとき, 定数 A, B, C, D, E, F の値を求めよ.