

2011年薬学部第4問

4 四面体 OABC について、次の にあてはまる正の数を記入せよ。ただし、 ア : イ ,
 ウ : エ および オ : カ については、もっとも簡単な整数比で表すこと。

(1) 三角形 ABC の重心を G, 線分 OG を 3 : 2 に内分する点を D, 直線 BD と平面 AOC の交点を E, 直線 OE と直線 AC との交点を F とする。このとき,

$$\vec{OG} = \text{} \vec{OA} + \text{} \vec{OB} + \text{} \vec{OC}$$

となり,

$$\vec{BD} = \text{} \vec{OA} - \text{} \vec{OB} + \text{} \vec{OC}$$

となる。また、 $OE : EF = \text{} \text{ア} : \text{} \text{イ}$, $BD : DE = \text{} \text{ウ} : \text{} \text{エ}$ であり、二つの四面体 ABFO と CEFB の体積比は オ : カ である。

(2) $\angle COB = 30^\circ$, $\angle AOC = 45^\circ$, $\angle CAO = 60^\circ$, $OA = \sqrt{3} + 1$, $BC = \sqrt{2}$ とすると、 $OC = \text{}$,
 $CA = \text{}$ であり、OB は * または ** である。ただし、 * > ** とする。