

2015年薬学部第4問

4 2つの曲線

$$C_1 : y = x(x-3)^2, \quad C_2 : y = m^2x \quad (m \text{は正の実数})$$

は異なる3点で交わるものとする。原点以外の交点のx座標を α, β ($0 < \alpha < \beta$)とする。

- (1) C_1 は、 $x = \boxed{\text{ア}}$ で極大値 $\boxed{\text{イ}}$ 、 $x = \boxed{\text{ウ}}$ で極小値 $\boxed{\text{エ}}$ をとる。
(2) m の値の範囲は $\boxed{\text{オ}} < m < \boxed{\text{カ}}$ であり

$$\alpha = \boxed{\text{キ}} - m, \quad \beta = \boxed{\text{ク}} + m$$

である。

- (3) C_1 と C_2 で囲まれた2つの領域の面積が等しくなるのは、 $m = \boxed{\text{ケ}}$ のときである。このとき、2つの領域の面積の和は $\boxed{\text{コ}}$ となる。