

2016年国際文理(国際教養)第5問

- 5 以下の問に答えなさい.
- (1) p > 0, q > 0とする. すべての実数 x に対し,不等式

$$\frac{x^2}{p} + \frac{1}{q} - \frac{(x+1)^2}{p+q} \ge 0$$

が成り立つことを示しなさい.

(2) 自然数nに対する命題「 $p_1 > 0$ ,  $p_2 > 0$ , …,  $p_n > 0$  ならば, 不等式

$$\frac{1}{p_1} + \frac{1}{p_2} + \dots + \frac{1}{p_n} \ge \frac{n^2}{p_1 + p_2 + \dots + p_n}$$

が成り立つ」がすべての自然数nに対して真であることを、(1)の不等式を参考に、数学的帰納法を用いて証明しなさい。