

2010年理系第4問

4

 $0 \leq x \leq 1$ に対して

$$f(x) = \int_0^1 e^{-|t-x|} t(1-t) dt$$

と定める。ただし、 $e = 2.718\cdots$ は自然対数の底である。

- (1) 不定積分 $I_1 = \int t e^t dt$, $I_2 = \int t^2 e^t dt$ を求めよ。
- (2) $f(x)$ を x の指数関数と多項式を用いて表せ。
- (3) $f(x)$ は $x = \frac{1}{2}$ で極大となることを示せ。