



2012年 医学部 第3問

3 行列 $A = \begin{pmatrix} -2 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ に対して

$$X = -\frac{1}{5}(A - 2E), \quad Y = \frac{1}{5}(A + 3E)$$

とおく. ただし, E は 2 次の単位行列とする.

- (1) XY, YX, X^2, Y^2 を計算せよ.
- (2) $A = aX + bY$ を満たす実数 a, b を求めよ.
- (3) 自然数 n に対して A^n を求めよ.