



2015年 理工学部 第 4 問

4 | *xyz* 空間において, *xy* 平面上に 4 点

 $A_1(1, 0, 0), B_1(0, 1, 0), C_1(-1, 0, 0), D_1(0, -1, 0)$

を頂点とする正方形 $A_1B_1C_1D_1$ がある. $0 < \theta < \pi$ とし、この正方形 $A_1B_1C_1D_1$ を xy 平面上で原点を中心に角 θ だけ回転させた後でz軸の正の方向に2だけ平行移動した正方形を $A_2B_2C_2D_2$ とする.

動点 P_1 , P_2 が、それぞれ点 A_1 , A_2 から同時に出発し、正方形 $A_1B_1C_1D_1$, $A_2B_2C_2D_2$ の周上を、同じ速 さで同じ向きに一周する. このとき、線分 P_1P_2 が動いてできる曲面と正方形 $A_1B_1C_1D_1$, $A_2B_2C_2D_2$ とで 囲まれる立体をVとする.

- (2) 0 < h < 2とするとき、平面 z = h による立体 V の断面は、一辺の長さが

$$\sqrt{ \left[\overrightarrow{\lambda} \right] + \left(\left[\right] \right] h^2 + \left[\right] h \left(1 - \left[\right] \right) }$$

の正方形であり、その一辺の長さは $h = \boxed{ }$ のとき最小である.

- (4) θ が π に限りなく近づくとき、立体 V の体積は $\frac{| \ \ | \ \ |}{| \ \ \ |}$ に収束する.

き ~ こ の選択肢:

- (a) $\sin \theta$ (b) $\cos \theta$ (c) $\tan \theta$ (d) $\sin^2 \theta$ (e) $\cos \theta \sin \theta$
- (f) $\frac{1}{\sin \theta}$ (g) $\frac{1}{\cos \theta}$ (h) $\frac{1}{\tan \theta}$

