

2010年 教育学部 第3問

3 次の各問い合わせよ。

(1) 直線 $\ell : y = ax + b$ が原点を中心とする半径 1 の円と点 $\left(\frac{\sqrt{3}}{2}, -\frac{1}{2}\right)$ で接しているとする。また、直線 ℓ は放物線 $C : y = x^2 - \sqrt{3}x + c$ とも接しているとする。このとき、次の各問い合わせに答えよ。

- (a) 定数 a, b の値を求めよ。
- (b) 放物線 C と直線 ℓ との接点の座標および定数 c の値を求めよ。
- (c) 放物線 C と直線 ℓ および y 軸とで囲まれた図形の面積を求めよ。

(2) $0 \leq \theta \leq \pi$ の範囲で、

$$5 \sin^2 \theta + 14 \cos \theta - 13 \geq 0$$

を満たす θ の中で最大のものを α とするとき、 $\cos \alpha$ と $\tan 2\alpha$ の値を求めよ。