

2013年工学部第1問

1 頂点がOで、各辺の長さが1である正四角錐O-ABCDがある。辺OA, COを $t:1-t$ ($0 < t < 1$)に内分する点をそれぞれP, Qとし、辺ODを $k:1-k$ ($0 < k < 1$)に内分する点をRとする。また、 $\vec{a} = \overrightarrow{OA}$, $\vec{b} = \overrightarrow{OB}$, $\vec{c} = \overrightarrow{OC}$ とおく。次に答えよ。

- (1) \overrightarrow{OD} を \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} を用いて表せ。また、内積 $\vec{a} \cdot \vec{c}$ の値を求めよ。
- (2) 内積 $\overrightarrow{BR} \cdot \overrightarrow{PQ}$ を k , t を用いて表せ。
- (3) 点Rが3点P, B, Qの定める平面上にあるとする。
 - (i) k を t を用いて表せ。
 - (ii) t の値が変化するとき、 k の最大値を求めよ。また、 k が最大値をとるときの四角形PBQRの面積Sを求めよ。