



2011年理系第3問

3 L を正定数とする. 座標平面の x 軸上の正の部分にある点 $P(t, 0)$ に対し, 原点 O を中心とし点 P を通る円周上を, P から出発して反時計回りに道のり L だけ進んだ点を $Q(u(t), v(t))$ と表す.

- (1) $u(t), v(t)$ を求めよ.
(2) $0 < a < 1$ の範囲の実数 a に対し, 積分

$$f(a) = \int_a^1 \sqrt{\{u'(t)\}^2 + \{v'(t)\}^2} dt$$

を求めよ.

- (3) 極限 $\lim_{a \rightarrow +0} \frac{f(a)}{\log a}$ を求めよ.