



2013年 法学部 第1問

1 次の に適切な答えを入れよ。

- (1) $x = \frac{\sqrt{2}+1}{\sqrt{2}-1}$, $y = \frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2}+1}$ のとき, $x^2 + y^2 = \boxed{\text{ア}}$, $x^3 + y^3 = \boxed{\text{イ}}$ である.
- (2) 放物線 $y = x^2 - 2x + 3$ を x 軸方向に , y 軸方向に だけ平行移動すると, 放物線 $y = x^2 + 4x + 3$ が得られる.
- (3) xy 平面上に, 2点 $O(0, 0)$, $A(3, 0)$ を端点とする線分 OA と点 P がある. P が $OP : AP = 1 : 1$ を満たしながら動くとき, P の描く軌跡は直線であり, その方程式は である. また, P が $OP : AP = 1 : 2$ を満たしながら動くとき, P の描く軌跡は円であり, その方程式は である.
- (4) 放物線 $C_1 : y = x^2 + 2x$ と放物線 $C_2 : y = -2x^2 - 10x$ との2つの交点のうち, 原点ではない交点の座標を x_0 とすると, $x_0 = \boxed{\text{キ}}$ である. C_1 と C_2 によって囲まれた部分の面積を S_1 とし, C_1 , C_2 および直線 $l : x = -5$ によって囲まれた部分の面積を S_2 とするとき, $S_1 + S_2 = \boxed{\text{ク}}$ である.

$$(1) x = \frac{(\sqrt{2}+1)^2}{(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}+1)} = 3+2\sqrt{2}, \quad y = \frac{(\sqrt{2}-1)^2}{(\sqrt{2}+1)(\sqrt{2}-1)} = 3-2\sqrt{2}$$

$$\therefore x + y = 6, \quad xy = 1$$

$$\therefore x^2 + y^2 = (x+y)^2 - 2xy = 34, \quad x^3 + y^3 = (x+y)^3 - 3xy(x+y) = 198$$

$$(2) x^2 - 2x + 3 = (x-1)^2 + 2 \quad \therefore \text{頂点は } (1, 2)$$

$$x^2 + 4x + 3 = (x+2)^2 - 1 \quad \therefore \text{頂点は } (-2, -1)$$

$$\therefore x \text{ 軸方向に } -3, \quad y \text{ 軸方向に } -3$$

$$(3) OP : AP = 1 : 1 \text{ となる } \therefore \text{線分 } OA \text{ の垂直二等分線であるから } x = \frac{3}{2}$$

$$OP : AP = 1 : 2 \text{ となる } \therefore P(x, y) \text{ とおくと } \sqrt{x^2 + y^2} : \sqrt{(x-3)^2 + y^2} = 1 : 2$$

$$\therefore (x+1)^2 + y^2 = 4$$

$$(4) x^2 + 2x - (-2x^2 - 10x) = 0 \quad \therefore 3x(x+4) = 0 \quad \therefore x_0 = -4$$

$$S_1 + S_2 = \int_{-5}^{-4} x^2 + 2x - (-2x^2 - 10x) dx + \int_{-4}^0 -2x^2 - 10x - x^2 - 2x dx$$

$$= [x^3 + 6x^2]_{-5}^{-4} - 3 \int_{-4}^0 x(x+4) dx$$

$$= 39$$

