

____ 横浜市立大学 ____



2012 年 医学部 第 1 問

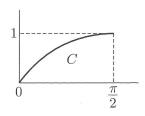
1 以下の問いに答えよ.

(1) a を正の定数として、関数 f(x) を $f(x) = \log(\sqrt{a^2+x^2}-x)$ とおく、f(x) を微分して、多項式

$$f(0) + f'(0)x + \frac{f''(0)}{2!}x^2 + \frac{f'''(0)}{3!}x^3$$

を求めよ.

(2) 座標平面において、曲線 $C: y = \sin x \left(0 < x < \frac{\pi}{2}\right)$ 上の点 $P(a, \sin a)$ におけるCの法線がx軸と交わる点をQとする、線分PQを直径とする円が、x軸と交わるQ以外の点をRとする、このとき、三角形PQRの面積S(a)を求めよ、次に、aが動くとき、S(a)の最大値を求めよ。



(3) 数列 $\{a_n\}$

$$1, \frac{1}{2}, \frac{2}{1}, \frac{1}{3}, \frac{2}{2}, \frac{3}{1}, \frac{1}{4}, \frac{2}{3}, \frac{3}{2}, \frac{4}{1}, \cdots$$

を次のような群に分け、第m群にはm個の数が入るようにする.

$$\underbrace{\frac{1}{1}}_{\text{1 H}} \left| \underbrace{\frac{1}{2}, \frac{2}{1}}_{\text{3 H}} \right| \underbrace{\frac{1}{3}, \frac{2}{2}, \frac{3}{1}}_{\text{3 H}} \left| \underbrace{\frac{1}{4}, \frac{2}{3}, \frac{3}{2}, \frac{4}{1}}_{\text{4 H}} \right|, \dots,$$

$$\left| \underbrace{\frac{1}{m}, \frac{2}{m-1}, \dots, \frac{m-1}{2}, \frac{m}{1}}_{\text{ } \# \text{ } \#} \right|, \dots$$

このとき、数列 $\{a_n\}$ において、 $\frac{q}{p}$ は第何項か、ただし、 $\frac{q}{p}$ は、例えば $\frac{2}{4}=\frac{1}{2}$ のように、約分しないものとする、次に、第 100 項 a_{100} を求めよ、

(4) 2次の正方行列 Aが

$$A\begin{pmatrix} 3\\2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1\\1 \end{pmatrix}, \quad A\begin{pmatrix} 1\\1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3\\2 \end{pmatrix}$$

をみたすとする. このとき, 自然数nに対して $A^n \binom{5}{3}$ を求めよ.

(5) AB = AC, BC の長さが 1, $\angle A$ が $\frac{\pi}{5}$ の二等辺三角形 ABC を考える. 頂点 A, B, C から $\angle A$, $\angle B$, $\angle C$ の二等分線を引き、対応する辺との交点を、それぞれ P, Q, R とする. このとき、三角関数の値

$$\sin\left(\frac{\pi}{10}\right)$$

を求めよ.





