

2015年理系第1問

1 次の各間に答えよ.

- (1)  $f(x) = |2x + 3|$  のとき  $f(-3) + f(0) + f(3)$  の値を求めよ.
- (2) 方程式  $\log_2(x - 1) + \log_2(x + 2) = 2$  を解け.
- (3)  $\begin{cases} \sin x + \cos y = 1 \\ \cos x + \sin y = \frac{1}{2} \end{cases}$  のとき  $\sin(x + y)$  の値を求めよ.
- (4)  $a, b, x$  を実数とする. 命題

$$x^2 - (a + b)x + ab \leq 0 \implies x^2 < 2x + 3$$

が真となるような定数  $a, b$  の満たすべき条件を求めよ. ただし,  $a \leq b$  とする.

- (5)  $a$  を定数とし, 関数  $y = f(x)$  は  $x = a$  で微分可能であるとする. このとき, 極限値

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a + 3h) - f(a - 2h)}{h}$$

を  $f'(a)$  を用いて表せ.

- (6) 関数  $f(x) = \log |\cos x|$  の導関数を求めよ.
- (7) 2つの曲線  $y = \log x$  と  $y = ax^2$  がただ1つの共有点をもつような正の定数  $a$  の値を求めよ.
- (8) 等式  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{2x^2 + a} - x - 1}{(x - 1)^2} = b$  が成り立つような定数  $a, b$  の値を求めよ.