

2015年看護学部第1問

1枚目 / 2枚

1 次の [1] から [10] に適する答えを書きなさい。

- (1) $-2z - xy^2 + 2xyz - x + x^2y + y$ を因数分解すると [1] となる。
 $(xy-1)(x-y+2z)$
- (2) $p > 0$ のとき, $p + \frac{1}{p}$ は [2] で最小値 [3] となる。
 $p=1$
- (3) サイコロを4つ投げるとき, すべての目が異なる確率は [4] であり, 少なくとも2つのサイコロの目が同じである確率は [5] である。
 $\frac{13}{18}$, $\frac{5}{18}$, $\frac{4}{5}$
- (4) $\vec{a} = (3, -2)$, $\vec{b} = (-2, -1)$ のとき, $|\vec{a} + t\vec{b}|$ を最小にする t の値は $t =$ [6], そのときの最小値は [7] となる。
 $\frac{7\sqrt{5}}{5}$
- (5) $\log_2(x-1) + \log_2(6-x) = 2$ を解くと, 解は小さい方から順に [8], [9] となる。
 2, 5
- (6) 数列 $1 \cdot 3 \cdot 5, 3 \cdot 5 \cdot 7, 5 \cdot 7 \cdot 9, \dots$ の一般項 $a_n =$ [10] である。
 $(2n-1)(2n+1)(2n+3)$ または $8n^3 + 12n^2 - 2n - 3$

$$\begin{aligned}
 (1) \text{ (手式)} &= 2z(xy-1) + x^2y - x - xy^2 + y \quad \leftarrow z \text{ についての降べきの順} \\
 &= 2z(xy-1) + x(xy-1) - y(xy-1) \\
 &= (xy-1)(x-y+2z)
 \end{aligned}$$

(2) $p > 0, \frac{1}{p} > 0$ なので, 相加・相乗平均の関係より,

$$p + \frac{1}{p} \geq 2\sqrt{p \cdot \frac{1}{p}} = 2 \quad \text{等号成立は } p = \frac{1}{p} \text{ すなわち } p = 1 \text{ のとき.}$$

$\therefore p = 1$ のとき, 最小値 2

(3) すべての目の出方が 6^4 通りであり, すべての目が異なるのは, $6P_4 = 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 = 360$ 通りあり.

$$\text{よって, } \frac{360}{6^4} = \frac{5}{18}$$

少なくとも2つのサイコロの目が同じであるのは, 余事象より $1 - \frac{5}{18} = \frac{13}{18}$

$$(4) |\vec{a}|^2 = 3^2 + (-2)^2 = 13, |\vec{b}|^2 = (-2)^2 + (-1)^2 = 5, \vec{a} \cdot \vec{b} = 3 \cdot (-2) + (-2) \cdot (-1) = -4$$

$$\therefore |\vec{a} + t\vec{b}|^2 = |\vec{a}|^2 + 2t\vec{a} \cdot \vec{b} + t^2|\vec{b}|^2$$

$$= 5t^2 - 8t + 13$$

$$= 5\left(t^2 - \frac{8}{5}t\right) + 13$$

$$= 5\left(t - \frac{4}{5}\right)^2 - \frac{16}{5} + 13$$

$$= 5\left(t - \frac{4}{5}\right)^2 + \frac{49}{5}$$

$\therefore |\vec{a} + t\vec{b}|^2$ は $t = \frac{4}{5}$ のとき, 最小値 $\frac{49}{5}$ をとる

すなわち, $|\vec{a} + t\vec{b}|$ は $t = \frac{4}{5}$ のとき, 最小値 $\frac{7\sqrt{5}}{5}$

2015年看護学部第1問

2枚目 / 2枚


 数理
石井K

1 次の から に適する答えを書きなさい。

(1) $-2z - xy^2 + 2xyz - x + x^2y + y$ を因数分解すると となる。

(2) $p > 0$ のとき、 $p + \frac{1}{p}$ は で最小値 となる。

(3) サイコロを4つ投げるとき、すべての目が異なる確率は であり、少なくとも2つのサイコロの目が同じである確率は である。

(4) $\vec{a} = (3, -2)$, $\vec{b} = (-2, -1)$ のとき、 $|\vec{a} + t\vec{b}|$ を最小にする t の値は $t =$, そのときの最小値は となる。

(5) $\log_2(x-1) + \log_2(6-x) = 2$ を解くと、解は小さい方から順に , となる。

(6) 数列 $1 \cdot 3 \cdot 5, 3 \cdot 5 \cdot 7, 5 \cdot 7 \cdot 9, \dots$ の一般項 $a_n =$ である。

(5) 真数条件より、 $x-1 > 0$ かつ $6-x > 0 \iff 1 < x < 6 \dots \textcircled{1}$

$$\text{このとき、} \log_2(x-1)(6-x) = 2$$

$$\text{よって、} -x^2 + 7x - 6 = 4$$

$$\therefore x^2 - 7x + 10 = 0$$

$$(x-2)(x-5) = 0 \quad \therefore \underline{x = 2, 5} \quad \text{ともに} \textcircled{1} \text{ をみたす。}$$

(6) 連続する3つの奇数の積になっていることに注目すると。

$$\underline{a_n = (2n-1)(2n+1)(2n+3)} \quad \left(a_n = 8n^3 + 12n^2 - 2n - 3 \text{ と書いてもよい} \right)$$