



2015年全学部第1問

1 次の問いに答えなさい。

(1) 方程式 $27x^3 - 54x^2 - 12x + 24 = 0$ を解きなさい。

$$x = \frac{\boxed{a}}{\boxed{b}}, \frac{\boxed{c}}{\boxed{d}}, \boxed{e} \quad \text{ただし } \boxed{a} \text{ と } \boxed{b} \text{ と } \boxed{d} \text{ は正の数である。}$$

(2) x, y, z が $x + y + z = \frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z} = 1$ をみたすとき, $(x + y)(y + z)(z + x)$ の値を求めなさい。

$$(x + y)(y + z)(z + x) = \boxed{f}$$

(3) 関数 $f(x) = |x + 1| + |x - 1| + |x - 2|$ の最小値 m と, 最小値をとるときの x の値を求めなさい。

$$x = \boxed{g} \text{ のとき } m = \boxed{h} \text{ である。}$$

(4) a を正の定数とする。関数 $y = x^2 + ax - a^2 - 3a + 1$ の $-2a \leq x \leq 2a$ での最大値 M を最小にする定数 a の値と M の最小値 m の値を求めなさい。

$$a = \frac{\boxed{i}}{\boxed{j} \boxed{k}} \text{ のとき, } m = \frac{\boxed{l} \boxed{m}}{\boxed{n} \boxed{o}} \text{ である。}$$

ただし \boxed{j} と \boxed{n} は正の数である。