

2016年法・経済（経済政策）第3問

3 6人の学生a, b, c, d, e, fがいて、学生は3つの部屋X, Y, Zのいずれかの部屋に必ず入る。それぞれの部屋の最大収容人数は、Xが2人、Yが3人、Zが4人である。X, Y, Zの部屋に入る人数を(x, y, z)と表す。例えば、Xに1人、Yに2人、Zに3人が入るとき、(1, 2, 3)と表す。このとき、次の問い合わせに答えよ。

- (1) Xを空き部屋とし、Yに2人、Zに4人入るときの、学生の入り方の場合の数を求めよ。
- (2) Xが空き部屋のときの、可能な(0, y, z)の組をすべて求めよ。また、Xが空き部屋のときの、学生の入り方の場合の数を求めよ。
- (3) Xに1人だけが入るときの、可能な(1, y, z)の組をすべて求めよ。また、Xに1人だけが入るときの、学生の入り方の場合の数を求めよ。
- (4) Xが満室になり、かつ空き部屋がないときの、可能な(2, y, z)の組をすべて求めよ。また、Xが満室になり、かつ空き部屋がないときの、学生の入り方の場合の数を求めよ。
- (5) aとbが一緒に部屋にならず、かつ空き部屋があるときの、学生の入り方の場合の数を求めよ。

$$(1) {}_6C_2 = \underline{15\text{通り}}$$

$$(2) Yに3人, Zに3人が入るのは {}_6C_3 = \underline{20\text{通り}}$$

$$\text{(1)とあわせて, } 15 + 20 = \underline{35\text{通り}}$$

$$(3) \underline{(1, y, z) = (1, 1, 4), (1, 2, 3), (1, 3, 2)}$$

$$(1, 1, 4)\text{のとき} \cdots {}_6C_1 \times {}_5C_1 = 30\text{通り}$$

$$(1, 2, 3)\text{のとき} \cdots {}_6C_1 \times {}_5C_2 = 60\text{通り}$$

$$(1, 3, 2)\text{のとき} \cdots {}_6C_1 \times {}_5C_3 = 60\text{通り}$$

$$\therefore 30 + 60 + 60 = \underline{150\text{通り}}$$

$$(4) \underline{(2, y, z) = (2, 1, 3), (2, 2, 2), (2, 3, 1)}$$

$$(2, 1, 3)\text{のとき} \cdots {}_6C_2 \times {}_4C_1 = 60\text{通り}$$

$$(2, 2, 2)\text{のとき} \cdots {}_6C_2 \times {}_4C_2 = 90\text{通り}$$

$$(2, 3, 1)\text{のとき} \cdots {}_6C_2 \times {}_4C_3 = 60\text{通り}$$

$$\therefore 60 + 90 + 60 = \underline{210\text{通り}}$$

$$\begin{cases} a \in Z, b \in Y \\ a \in Y, b \in Z \end{cases}$$

$$(5) Xが空き部屋になるとき、\cdots Yには残り2人, Zには残り3人が入れる \therefore (4C_2 + 4C_1) \times 2 = \underline{20\text{通り}}$$

$$Yが空き部屋になるとき、\cdots Xには残り1人, Zには残り3人が入れる \therefore 4C_1 \times 2 = \underline{8\text{通り}}$$

Zは空き部屋になり得ない

$$\therefore 20 + 8 = \underline{28\text{通り}}$$