

2014年生命環境(生命分子化学)第3問

3 1個のサイコロを1回投げるごとに,出た目によって,点 P が座標平面上を,次の規則に従って動くものとする.

最初は原点にあり、偶数が出た場合はx軸の正の方向に出た目の数だけ進み、奇数が出た場合はy軸の正の方向に出た目の数だけ進む。

点Pの到達点の座標を (x_0, y_0) とする.以下の問いに答えよ.

- (1) サイコロを 3 回投げたとき, $x_0 = 0$ かつ $y_0 = 9$ となる確率を求めよ.
- (2) サイコロを n 回投げたとき, $x_0 = 2n + 2$ かつ $y_0 = 0$ となる確率を n を用いて表せ.
- (3) サイコロを 2 回投げたとき,P が $\frac{x_0}{2} < y_0 < -\frac{x_0^3}{4} + 8$ の表す領域に存在する確率を求めよ.
- (4) サイコロを 2 回投げたとき,Pが $x_0^2 + y_0^2 8x_0 2y_0 + 13 > 0$ の表す領域に存在する確率を求めよ.