



2012年 全学部（理工）第1問

1 次の空欄 ア カラ エ に当てはまるものを答えよ。ただし， \log は自然対数， e はその底である。

$$(1) \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\sqrt{n^2 + n} - \sqrt{n^2 - n} \right) = \boxed{\text{ア}}$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{32^x - 1}{8^x - 1} = \boxed{\text{イ}}$$

(3) ある物質 P は時間とともに変化し，その量が減少する。時刻 t における物質 P の量 $y(t)$ は，

$$y(t) = ae^{-kt} \quad (t \geq 0)$$

であるとする。ただし， $a > 0$ ， $k > 0$ は定数であり， a は時刻 $t = 0$ における物質 P の量である。物質 P の量が $\frac{a}{2}$ となる時刻 t_0 は

$$t_0 = \boxed{\text{ウ}} \log \boxed{\text{エ}}$$

である。