



2018年教育（中等教育自然科学系）第3問

3 四面体 OABC は,

$$OA = OC = 1, \quad OB = 2, \quad \angle AOB = \angle BOC = \angle AOC = 60^\circ$$

を満たすとする.

$0 < s < 1$, $0 < t < 1$ を満たす実数 s, t に対し, 辺 OC を $s : (1 - s)$ に内分する点を P, 辺 AB を $t : (1 - t)$ に内分する点を Q とする. $\vec{a} = \vec{OA}$, $\vec{b} = \vec{OB}$, $\vec{c} = \vec{OC}$ とおく. 次の問いに答えよ.

- (1) 内積 $\vec{a} \cdot \vec{b}$, $\vec{b} \cdot \vec{c}$, $\vec{a} \cdot \vec{c}$ を求めよ.
- (2) \vec{PQ} を \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} , s , t を用いて表せ.
- (3) 2つのベクトル \vec{PQ} , \vec{OC} が直交するとき, s を t を用いて表せ.
- (4) 三角形 OQC の面積の最小値とそのときの t の値を求めよ.