

2012年 第3問

3 n は自然数とする. 次の問に答えよ.

(1) 次の不等式を示せ.

$$\sum_{k=1}^n \frac{1}{k^2} < 2$$

(2) $x > 0$ のとき, 次の不等式を示せ.

$$x - \frac{x^3}{6} < \sin x < x$$

(3) 次の極限を求めよ.

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \left(\sum_{k=1}^n k \sin \frac{1}{k} \right)$$