



2017 年 歯学·工学部 第 1 問

- 1 以下の問いに答えよ.
- (1) $0 \le \theta \le \pi$ のとき、 $4\sin^3\theta + 3\cos^2\theta$ の最大値と最小値、およびそのときの θ の値をそれぞれ求めよ.
- (2) e を自然対数の底とする. x > e の範囲において、関数

$$y = x^{\frac{1}{x}}$$

を考える. この両辺の対数をxについて微分することにより,yは減少関数であることを示せ. また,e < a < bのとき、 $a^b > b^a$ が成り立つことを証明せよ.

(3) 数列 $\{a_n\}$ の一般項が

$$a_n = \left(\frac{3}{4}\right)^n n(n-1)$$

であるとき, $a_{n+1} - a_n$ を n の式で表し, a_n が最大となる正の整数 n をすべて求めよ.

(4) 複素数平面上の点 P(z) が、原点を中心とする半径 3 の円の周上を動くとき、

$$w = \frac{z + 3i}{z}$$

で表される点Q(w)はどのような図形を描くか.