

● 熊本大学



2014年文系第1問

- 1 空間内の1辺の長さ1の正四面体 OABC において、 $\overrightarrow{OA} = \overrightarrow{a}$ 、 $\overrightarrow{OB} = \overrightarrow{b}$, $\overrightarrow{OC} = \overrightarrow{c}$ とする。また、点 D を $\overrightarrow{OD} = \overrightarrow{b} \overrightarrow{a}$ を満たす点、点 E を $\overrightarrow{OE} = \overrightarrow{c} \overrightarrow{a}$ を満たす点とし、点 P を OA の中点とする。以下の問いに答えよ。
 - (1) 0 < t < 1 に対し、BD を t: (1-t) に内分する点を R とし、CE を (1-t): t に内分する点を S とする. また、OB と PR の交点を M とし、OC と PS の交点を N とする. このとき、 \overrightarrow{OM} と \overrightarrow{ON} を、それぞれ t、 \overrightarrow{b} 、 \overrightarrow{c} を用いて表せ.
 - (2) \triangle OMN の面積を t を用いて表せ.
 - (3) t が 0 < t < 1 の範囲を動くとき、 \triangle OMN の面積の最小値を求めよ.