



2015年法(地球), 経済(経営), 総合(社会福祉) 第2問

2 Oを原点とする座標空間において, $OA = 2$, $OB = 1$, $\vec{OA} \cdot \vec{OB} = -1$ を満たす点 A と点 B を考え, 直線 AB 上に点 P をとる. ただし, $AB > AP$ とする.

(1) $OP \perp AB$ のとき, $OP = \frac{\sqrt{\square{\text{サ}}}}{\square{\text{シ}}}$ である.

(2) $\triangle OBP$ が二等辺三角形であるとき,

$$OP^2 = 1, \quad AP = \frac{\square{\text{ス}}}{\square{\text{セ}}} \sqrt{\square{\text{ソ}}},$$

または

$$OP^2 = \square{\text{タ}} + \frac{\square{\text{チ}}}{\square{\text{ツ}}} \sqrt{\square{\text{テ}}}, \quad AP = \square{\text{ト}} + \sqrt{\square{\text{ナ}}},$$

または

$$OP^2 = \frac{\square{\text{ニ}}}{\square{\text{ヌ}}}, \quad AP = \frac{\square{\text{ネ}}}{\square{\text{ノ}}} \sqrt{\square{\text{ハ}}}$$

である. ただし,

$$\frac{\square{\text{ス}}}{\square{\text{セ}}} \sqrt{\square{\text{ソ}}} < \square{\text{ト}} + \sqrt{\square{\text{ナ}}} < \frac{\square{\text{ネ}}}{\square{\text{ノ}}} \sqrt{\square{\text{ハ}}}$$

とする.

(3) 座標空間に, $OC = 2$, $\vec{OA} \cdot \vec{OC} = 1$, $\vec{OB} \cdot \vec{OC} = 1$ を満たす点 C をとる. 3点 O, A, B の定める平面を α とし, 点 C から平面 α に垂線 CQ を下ろす. このとき,

$CQ = \frac{\sqrt{\square{\text{ヒ}}}}{\square{\text{フ}}}$ であり, 四面体 OABC の体積は $\frac{\sqrt{\square{\text{ヘ}}}}{\square{\text{ホ}}}$ である.