

2013年全学群第3問

3 関数 $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + 1$ について、以下の間に答えなさい。ただし a, b は実数の定数とする。

- (1) $3f(x) - xf'(x) = 2x + 3$ がすべての x の値について成り立つとき、 $a = \boxed{\text{ホ}}$, $b = \boxed{\text{マ}}$ である。
- (2) $f(x)$ が $2x^2 - x - 1$ で割り切れるとき、 $a = \frac{\boxed{\text{ミ}}}{\boxed{\text{ム}}}$, $b = \frac{\boxed{\text{メ}}}{\boxed{\text{モ}}}$ である。
- (3) $f(x) = 0$ の 1 つの解が $x = 1 + 2i$ であるとき $a = \frac{\boxed{\text{ヤ}}}{\boxed{\text{ユ}}}$, $b = \frac{\boxed{\text{ヨ}} \boxed{\text{ラ}}}{\boxed{\text{リ}}}$ である。ただし、 i は虚数単位である。