



2017年理系第4問

4 座標空間内の平面  $H: z = 0$  とその上の曲線  $C: \frac{x^2}{4} + y^2 = 1$  を考える.  $C$  上の点を通り  $z$  軸に平行な直線の全体が作る曲面を  $K$  とする.  $C$  上の2点  $A\left(-1, \frac{\sqrt{3}}{2}, 0\right)$ ,  $B\left(-1, -\frac{\sqrt{3}}{2}, 0\right)$  に対し, 線分  $AB$  を含み平面  $H$  と  $45^\circ$  の角をなす平面を  $T$  とする. ただし, 平面  $T$  と  $z$  軸の交点の  $z$  座標は正であるとする. 平面  $H$ , 平面  $T$  および曲面  $K$  が囲む二つの立体のうち  $z$  軸と交わるものを  $V$  とする. 次の問いに答えよ.

- (1) 立体  $V$  と平面  $H$  の共通部分 (下図の灰色で示される部分) の面積を求めよ.
- (2) 立体  $V$  を平面  $x = t$  ( $-1 < t < 2$ ) で切ったとき, 断面の面積  $S(t)$  を  $t$  を用いて表せ.
- (3) 立体  $V$  の体積を求めよ.

