



2012年工・薬学部第9問

9  $f(x) = \frac{(\log x)^2}{x}$  ( $x > 0$ )とする。曲線  $C : y = f(x)$  上の点  $P(a, f(a))$  と点  $Q(b, f(b))$  における曲線  $C$  の2つの接線が共に原点を通るとき、次の問いに答えよ。ただし、 $a < b$ で、対数は自然対数とする。

- (1)  $a, b$ の値と点  $Q(b, f(b))$ における曲線  $C$  の法線の方程式を求めよ。
- (2) 点  $P(a, f(a))$ における  $C$  の接線、点  $Q(b, f(b))$ における  $C$  の法線、および曲線  $C$ によって囲まれる部分の面積を求めよ。