

2015年 経済情報 第1問



1 次の問いに答えなさい。

- (1)  $x, y$  の多項式  $x^3y + x^2y^2 + x^2y + x^2 + xy^2 + xy + x + y$  を因数分解しなさい。  
 (2)  $x = \frac{1}{\sqrt{7} + \sqrt{6}}, y = \frac{1}{\sqrt{7} - \sqrt{6}}$  のとき (1) の多項式  $x^3y + x^2y^2 + x^2y + x^2 + xy^2 + xy + x + y$  の値を求めなさい。  
 (3)  $a < 0$  とし、2次方程式  $ax^2 - (a^2 + a + 1)x - 2a - 4 = 0$  の解を  $\alpha, \beta$  ( $\alpha < \beta$ ) とする。このとき2つの解  $\alpha, \beta$  が  $-2 < \alpha < -1$  かつ  $-1 < \beta < 0$  を満たすような  $a$  の範囲を求めなさい。

$$\begin{aligned}
 (1) \text{ (与式)} &= (x^2+x)y^2 + (x^3+x^2+x+1)y + x^2+x \\
 &= x(x+1)y^2 + (x+1)(x^2+1)y + x(x+1) \\
 &= (x+1)\{xy^2 + (x^2+1)y + x\} \\
 &= (x+1)(xy+1)(y+x) \\
 &= \underline{(x+1)(x+y)(xy+1)} \quad "
 \end{aligned}$$

$$(2) x = \frac{\sqrt{7}-\sqrt{6}}{(\sqrt{7}+\sqrt{6})(\sqrt{7}-\sqrt{6})} = \sqrt{7}-\sqrt{6}, \quad y = \frac{\sqrt{7}+\sqrt{6}}{(\sqrt{7}-\sqrt{6})(\sqrt{7}+\sqrt{6})} = \sqrt{7}+\sqrt{6}$$

$$\therefore x+y = 2\sqrt{7}, \quad xy = 7-6 = 1$$

$$\begin{aligned}
 \therefore \text{ (与式)} &= (\sqrt{7}-\sqrt{6}+1) \cdot 2 \cdot 2\sqrt{7} \\
 &= 28 - 4\sqrt{42} + 4\sqrt{7} \\
 &= \underline{4(\sqrt{7}-\sqrt{42}+7)} \quad "
 \end{aligned}$$

$$(3) f(x) = ax^2 - (a^2 + a + 1)x - 2a - 4 \text{ とおくと.}$$

$$\text{右の図より. } f(-2) = 4a + 2(a^2 + a + 1) - 2a - 4 < 0$$

$$\therefore a^2 + 2a - 1 < 0 \quad a < 0 \text{ より. } -1 - \sqrt{2} < a < 0 \quad \dots \textcircled{1}$$

$$f(-1) = a + a^2 + a + 1 - 2a - 4 > 0 \quad \therefore a < 0 \text{ より. } a < -\sqrt{3} \quad \dots \textcircled{2}$$

$$f(0) = -2a - 4 < 0 \quad \therefore a < 0 \text{ より. } -2 < a < 0 \quad \dots \textcircled{3}$$

$$\textcircled{1} \sim \textcircled{3} \text{ より. } \underline{-2 < a < -\sqrt{3}} \quad "$$

