

2016年理系第1問

1 r は $0 < r < 1$ を満たす実数とする。次の問いに答えよ。ただし、 $0^r = 0$ と定める。

(1) $a \geq 0$ のとき、 $x \geq 0$ について、不等式 $(a + x)^r \leq a^r + x^r$ を示せ。

(2) $a_k \geq 0$ ($k = 1, 2, \dots, n$) のとき、不等式 $\left(\sum_{k=1}^n a_k \right)^r \leq \sum_{k=1}^n a_k^r$ を示せ。