



2014年 農学部 第3問

3 鋭角三角形 ABC の重心を G とする。また、 $\overrightarrow{GA} = \vec{a}$ 、 $\overrightarrow{GB} = \vec{b}$ 、 $\overrightarrow{GC} = \vec{c}$ とおくとき

$$2\vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{b} \cdot \vec{c} + \vec{c} \cdot \vec{a} = -9$$

$$\vec{a} \cdot \vec{b} - \vec{b} \cdot \vec{c} + 2\vec{c} \cdot \vec{a} = -3$$

を満たしているものとする。このとき、次の問いに答えよ。

(1) $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0}$ を示せ。

(2) ベクトル \vec{a} 、 \vec{b} の大きさ $|\vec{a}|$ 、 $|\vec{b}|$ を求めよ。

(3) $\vec{a} \cdot \vec{b} = -2$ のとき、 $\triangle ABC$ の 3 辺 AB, BC, CA の長さを求めよ。