

2010 年 教育学部 第 5 問

5 太郎君は関数 $f(x)$ を x について微分して導関数 $f'(x) = 6x + 6$ を得た. 次の (1), (2) に答えよ.

(1) 次の (a), (b) のそれぞれの場合において, 元の関数 $f(x)$ を求めよ.

(a) $y = f(x)$ が表す曲線と直線 $y = 2$ が接する場合.

(b) $y = f(x)$ と x 軸とで囲まれる図形の面積が $\frac{4\sqrt{3}}{9}$ になる場合.

(2) 太郎君の話を聞いた花子さんは, 次の ① から ⑤ の付加条件を 1 つだけ加えて元の関数 $f(x)$ を求めることにした.

付加条件

① $f(0) = 3$

② $F(x)$ を $f(x)$ の不定積分の 1 つとしたとき, $F(2) - F(1) = 7$

③ $F(x)$ を $f(x)$ の不定積分の 1 つとしたとき, $F(0) = 0$

④ $f'(0) = f(1)$

⑤ $f'(-1) = 0$

元の関数 $f(x)$ を求めることが**できない**付加条件を ① から ⑤ の中から選んで, その番号を全てかけ.