



2014年理学部（個別日程）第1問

1 次の空欄 ア ~ ゴ に当てはまる数または式を記入せよ.

- (1) 1でない実数 a に対し, $f(x) = x^3 + ax^2 + x + 1$, $g(x) = x^3 + x^2 + x + a$ とする. 方程式 $f(x) = 0$ と $g(x) = 0$ がただ 1 つの共通解をもつならば, $a = \boxed{\text{ア}}$ であり, $f(x) = 0$ のすべての解は イ である.
- (2) $x > 0$ のとき, $f(x) = e^{-\sqrt{3}x} \sin x$ の最大値は ウ であり, 最小値は エ である.
- (3) $z = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ とするとき, $z^{2014} = \boxed{\text{オ}} + \boxed{\text{カ}}i$ である. ただし, i は虚数単位とする.
- (4) a, b を 2 から 9 までの自然数とするとき, a, b の組 (a, b) は 64 通りあるが, そのうち $\log_a b$ が整数となるのは キ 通りであり, 整数でない有理数となるのは ク 通りである.
- (5) ベクトル \vec{a}, \vec{b} は, $|\vec{a}| = |\vec{b}| = 1$ かつ $\vec{a} \cdot \vec{b} = \frac{1}{3}$ を満たす. このとき, ベクトル $\vec{c} = p\vec{a} + q\vec{b}$ が $\vec{a} \cdot \vec{c} = \frac{5}{3}$, $\vec{b} \cdot \vec{c} = -3$ を満たすならば, $p = \boxed{\text{ケ}}$, $q = \boxed{\text{コ}}$ である. ただし, p, q は実数とする.