



2012 年 文系 第 3 問

3 xy 平面上で考える. 不等式 $y < -x^2 + 16$ の表す領域を D とし, 不等式 $|x - 1| + |y| \leq 1$ の表す領域を E とする. このとき, 以下の問いに答えよ.

- (1) 領域 D と領域 E をそれぞれ図示せよ.
- (2) $A(a, b)$ を領域 D に属する点とする. 点 $A(a, b)$ を通り傾きが $-2a$ の直線と放物線 $y = -x^2 + 16$ で囲まれた部分の面積を $S(a, b)$ とする. $S(a, b)$ を a, b を用いて表せ.
- (3) 点 $A(a, b)$ が領域 E を動くとき, $S(a, b)$ の最大値を求めよ.