



2015年総合理工（数理・情報システム）第1問

1 t を $0 < t < 1$ をみたす実数とする。xy平面上の3点 A(-1, 1), B(0, -1), C(1, 1)に対し、線分ABを $t:1-t$ に内分する点をPとし、線分BCを $t:1-t$ に内分する点をQとする。さらに、線分PQを $t:1-t$ に内分する点をRとし、点Pと点Qを通る直線を ℓ とする。このとき、次の問いに答えよ。

- (1) 点Rの座標を t を用いて表せ。
- (2) 直線 ℓ が曲線 $y = x^2$ の点Rにおける接線であることを示せ。
- (3) t が条件 $0 < t < 1$ をみたしながら変化するとき、直線 ℓ が通過する領域を図示せよ。