



2012年 経済（経営）第1問

1 次の各問に答えよ.

(1) 関数 $f(x)$ を

$$f(x) = \log_4 32x - \log_8 64x + \log_{16} 8x$$

とする. $5 \leq f(x) \leq 10$ となるための必要十分条件は

$$2^a \leq x \leq 2^b, \quad a = \boxed{\text{ア}}, \quad b = \boxed{\text{イ}}$$

である.

(2) 関数 $g(x)$ を

$$g(x) = 4\cos^2 \frac{x}{2} + 2\sin^2 \frac{x}{2} + \sqrt{3}\sin x$$

とする. $0 \leq x < 2\pi$ とすると, $x = \frac{\boxed{\text{ウ}}}{\boxed{\text{エ}}}\pi$ のとき $g(x)$ は最大値をとる.

(3) m と n を $m \geq n$ を満たす正の整数とする. 3辺の長さがそれぞれ $m+1$, m , n であり, それらの和が 100 以下であるような直角三角形は, 全部で $\boxed{\text{オ}}$ 個ある. また, そのうち面積が最も大きいものの斜辺の長さは $\boxed{\text{カ}}$ である.