



2017年理(物・化)・工・情報第4問

4 平面上に三角形 OAB がある. 実数  $k$  に対して, 直線 AB 上の点 C を  $\vec{AC} = k\vec{AB}$  を満たす点とする. このとき, 次の問いに答えよ.

(1) 等式

$$|\vec{OA}|^2 = |\vec{OC}|^2 - 2\vec{OC} \cdot \vec{AC} + |\vec{AC}|^2$$

が成り立つことを示せ.

(2) 等式

$$(1-k)|\vec{OA}|^2 + k|\vec{OB}|^2 = |\vec{OC}|^2 + (1-k)|\vec{AC}|^2 + k|\vec{BC}|^2$$

が成り立つことを示せ.

(3) 平面上の点 D が等式

$$(1-k)|\vec{OA}|^2 + k|\vec{OB}|^2 = |\vec{OD}|^2 + (1-k)|\vec{AD}|^2 + k|\vec{BD}|^2$$

を満たすとき,  $\vec{OD} \cdot \vec{CD}$  の値を求めよ.