



2015年 医学部 第3問

3 $f(x) = xe^x$ とするとき、次の問いに答えよ。ただし e は自然対数の底とし、 $2 < e < 3$ 、 $\lim_{x \rightarrow \infty} xe^{-x} = 0$ であることは用いてよい。

- (1) 関数 $y = f(x)$ の増減およびグラフの凹凸を調べ、そのグラフの概形をかけ。
- (2) 曲線 $y = f(x)$ と直線 $x = -1$ 、 $x = 1$ および x 軸で囲まれた2つの部分の面積の和を求めよ。
- (3) t を実数とし、数列 $\{a_n\}$ を

$$a_1 = 1, \quad a_{n+1} = f(t)a_n + 1 \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

で定める。 $t \leq \frac{1}{2}$ ならば、 $\{a_n\}$ は収束することを示せ。