



2015年全学部第3問

3 関数 $f(x) = (x^2 + 2x)^2 + 2a(x^2 + 2x) + b$ を考える。ただし a と b は定数であり、 $f(x)$ の最小値が -4 、 $f(1) = 13$ をみたすとする。次の問い合わせに答えなさい。

- (1) $X = x^2 + 2x$ とおくと $X \geqq \boxed{a}$ である。
- (2) $b = \boxed{b}a + \boxed{c}$ である。
- (3) $f(x) = (X + \boxed{d}a)^2 + \boxed{e}a^2 + \boxed{f}a + \boxed{g}$ である。
- (4) 定数 a と b の値を求めなさい。

$a > \boxed{h}$ のとき、 $a = \frac{\boxed{i}}{\boxed{j}}$, $b = \frac{\boxed{k}}{\boxed{m}}\frac{\boxed{l}}{\boxed{m}}$ である。

$a \leqq \boxed{n}$ のとき、 $a = \boxed{o} - \sqrt{\boxed{p}\boxed{q}}$, $b = \boxed{r}\boxed{s} + \boxed{t}\sqrt{\boxed{u}\boxed{v}}$ である。

ただし \boxed{j} と \boxed{m} は正の数である。