

数理
石井

2016年医学部第3問

- 3 Oを原点とする座標平面において、点P(3, 1)を通る直線が円 $x^2 + y^2 = 1$ 上の2点A, Bで交わる。ただし、AとBはそれぞれ第1象限、第2象限内の点である。PA = $\sqrt{5}$ のとき、AB = $\frac{4\boxed{\text{ケ}}\sqrt{\boxed{\text{コ}}}}{\boxed{\text{サ}}}$ ⁵である。△OABの面積は $\frac{\boxed{\text{シ}}}{\boxed{\text{ス}}}$ ²₅である。

直線OPを引き、方べきの定理より。

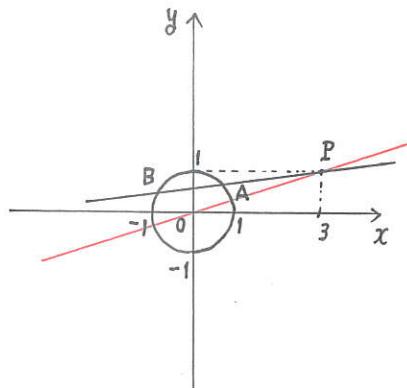
$$OP = \sqrt{3^2 + 1^2} = \sqrt{10} \text{ であるから}$$

$$(\sqrt{10} - 1)(\sqrt{10} + 1) = AP \cdot BP$$

$$\therefore q = \sqrt{5} \cdot BP$$

$$\therefore BP = \frac{q\sqrt{5}}{5}$$

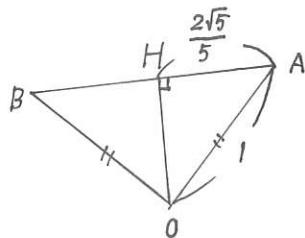
$$\therefore AB = BP - AP = \frac{q\sqrt{5}}{5} - \sqrt{5} = \frac{4\sqrt{5}}{5}$$



右図において

$$OH^2 + \left(\frac{2\sqrt{5}}{5}\right)^2 = l^2$$

$$\therefore OH^2 = \frac{l}{5} \quad \therefore OH = \frac{l}{\sqrt{5}}$$



$$\therefore \triangle OAB = \frac{1}{2} \cdot \frac{4\sqrt{5}}{5} \cdot \frac{l}{\sqrt{5}}$$

$$= \frac{2l}{5}$$