

2014年薬学部第3問

3 三角形 OAB において線分 OA を 2 : 5 に内分する点を C, 線分 OB を 1 : 3 に内分する点を D とおく. このとき, 次の問に答えなさい.

(1)  $\vec{CD} = \frac{\text{アイ}}{\text{ウ}} \vec{OA} + \frac{\text{エ}}{\text{オ}} \vec{OB}$  である.

(2) 線分 CD を 2 : 1 に内分する点を E とおくと  $\vec{OE} = \frac{\text{カ}}{\text{キク}} \vec{OA} + \frac{\text{ケ}}{\text{ココ}} \vec{OB}$  である.

(3) 三角形 OAB は 3 辺の長さの比が  $OA : OB : AB = 5 : 4 : 7$  で, 外接円の半径が  $\frac{35\sqrt{6}}{12}$  とする. このとき  $\cos \angle AOB = \frac{\text{サシ}}{\text{ス}}$  であり, また三角形 OAB の面積は  $\text{セソ} \sqrt{\text{タ}}$  である.

(4)  $\alpha, \beta$  は実数で, 点 P, Q は  $\vec{OP} = \alpha \vec{OA}, \vec{OQ} = \beta \vec{OB}$  を満たす点とする. 3 点 P, E, Q が同一直線上にあり,  $\vec{PD}$  と  $\vec{CQ}$  が平行である. ただし点 P は点 C と異なるとするとき  $\alpha = \frac{\text{チ}}{\text{ツ}}$ ,  $\beta = \frac{\text{テ}}{\text{ト}}$  である.