



2013年 医学部 第4問

4 自然数  $n$  に対し，座標平面上の点  $(n, 1)$  を  $P_n$  とする．また， $r$  を正の実数とする．このとき，次の問に答えよ．

- (1) 1次変換  $f$  は，すべての  $n$  に対して  $f(P_n) = P_{n+1}$  を満たすとする． $f$  を表す行列  $A$  を求めよ．
- (2) 1次変換  $g$  は，点  $(1, 1)$  を点  $(-2r, 1)$  に，点  $(-2r, 1)$  を点  $(2r^2 - r, 1)$  に移すとする． $g$  を表す行列  $B$  を求めよ．
- (3)  $C = ABA^{-1}$  とする．行列  $C^n$  を推定し，それが正しいことを数学的帰納法によって示せ．
- (4) 行列  $C^n$  で表される1次変換による点  $(1, r)$  の像の  $x$  座標を  $x_n$  とする． $r < 1$  のとき， $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n$  を求めよ．