

2012年歯・薬学部(中期)第2問



2  $a > 0$ とする。放物線  $y = ax^2 + bx + c$  は2点  $(1, 1)$ ,  $(3, 2)$  を通り、この放物線と2点  $(1, 1)$ ,  $(3, 2)$  を通る直線で囲まれた図形の面積は4になるという。このとき

$$a = \frac{\boxed{\text{ア}}}{3}, \quad b = \frac{\overset{-}{\boxed{\text{イ}}}\overset{2}{\boxed{\text{ウ}}}\overset{3}{\boxed{\text{エ}}}}{\underset{2}{\boxed{\text{オ}}}}, \quad c = \frac{\overset{1}{\boxed{\text{カ}}}\overset{9}{\boxed{\text{キ}}}}{\underset{2}{\boxed{\text{ク}}}}$$

である。

$$(1, 1) \text{ を通ることより, } a + b + c = 1 \cdots \textcircled{1}$$

$$(3, 2) \text{ を通ることより, } 9a + 3b + c = 2 \cdots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{2} - \textcircled{1} \text{ より, } 8a + 2b = 1 \quad \therefore b = -4a + \frac{1}{2} \cdots \textcircled{3}$$

$$\textcircled{3} \text{ を } \textcircled{1} \text{ に代入して, } -3a + \frac{1}{2} + c = 1 \quad \therefore c = 3a + \frac{1}{2} \cdots \textcircled{4}$$

また、2点を通る直線は、 $y = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$  なので

$$\begin{aligned} S &= \int_1^3 \left( \frac{1}{2}x + \frac{1}{2} - (ax^2 + bx + c) \right) dx \\ &= -a \int_1^3 (x-1)(x-3) dx \\ &= \frac{1}{6}a \cdot 2^3 \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \frac{1}{6} \text{ 公式} \\ &= \frac{4}{3}a \end{aligned}$$

$$S = 4 \text{ より, } a = 3 \cdots \textcircled{5}$$

$$\textcircled{3} \sim \textcircled{5} \text{ より, } \underline{a = 3, b = -\frac{23}{2}, c = \frac{19}{2}} \text{ 〃}$$

