



2012年理(数学科)第1問

- 1 半径2の円板が x 軸上を正の方向に滑らずに回転するとき、円板上の点Pの描く曲線 C を考える。円板の中心の最初の位置を $(0, 2)$ 、点Pの最初の位置を $(0, 1)$ とする。

- (1) 円板がその中心のまわりに回転した角を θ とするとき、Pの座標は

$$(2\theta - \sin \theta, 2 - \cos \theta)$$

で与えられることを示せ。

- (2) 点 $P(2\theta - \sin \theta, 2 - \cos \theta)$ ($0 < \theta < 2\pi$)における曲線 C の法線と x 軸との交点をQとする。線分PQの長さが最大となるような点Pを求めよ。ここで、Pにおいて接線に直交する直線を法線という。
- (3) 曲線 C と x 軸、2直線 $x = 0, x = 4\pi$ で囲まれた図形を x 軸のまわりに回転してできる立体の体積を求めよ。