



2018年文系第2問

2 $f(x) = (2x - 1)^3$ とする. 数列 $\{x_n\}$ を次のように定める.

$x_1 = 2$ であり, x_{n+1} ($n \geq 1$) は点 $(x_n, f(x_n))$ における曲線 $y = f(x)$ の接線と x 軸の交点の x 座標とする.

以下の問に答えよ.

- (1) 点 $(t, f(t))$ における曲線 $y = f(x)$ の接線の方程式を求めよ. また $t \neq \frac{1}{2}$ のときに, その接線と x 軸の交点の x 座標を求めよ.
- (2) $x_n > \frac{1}{2}$ を示せ. また x_n を n の式で表せ.
- (3) $|x_{n+1} - x_n| < \frac{3}{4} \times 10^{-5}$ を満たす最小の n を求めよ. ただし $0.301 < \log_{10} 2 < 0.302$, $0.477 < \log_{10} 3 < 0.478$ は用いてよい.